

আলী নকিপুৰ বহুমুখী উচ্চ বিদ্যালয় এন্ড কলেজ

নিৰ্বাচনি পরীক্ষা- ২০২৫

দশম শ্ৰেণি

গণিত

বিষয় কোড	১	০	৯
-----------	---	---	---

সময়- ২.৩০ ঘণ্টা

পূৰ্ণমান- ৭০

সৃজনশীল প্রশ্ন

প্রত্যেক বিভাগ থেকে ন্যূনতম একটি করে পাঁচটি প্রশ্নের উত্তর দাও :

১০×৫=৫০

ক-বিভাগ (বীজগণিত)

১। (i) $R = \{(x, y), x \in M, y \in M \text{ এবং } x+2 - y = 0\}$; যেখানে $M = \{-2, -1, 0, 1, 2, 3\}$

(ii) $g(y) = \frac{1+y^3+y^6}{y^3}$

ক) M সেটটিকে সেট গঠন পদ্ধতিতে প্রকাশ কর।

খ) R অন্তর্যটিকে তালিকা পদ্ধতিতে প্রকাশ করে ডোম R, রেঞ্জ R নির্ণয় কর।

গ) দেখাও যে, $g(y^{-2}) = g(y^2)$

২। $m^2 - 3 = 2\sqrt{2}$ হলে,

ক) m এর মান নির্ণয় কর।

খ) $m^4 + \frac{1}{m^4}$ এর মান নির্ণয় কর।

গ) প্রমাণ কর যে, $m^5 + \frac{1}{m^5} = 58\sqrt{2}$

খ-বিভাগ- জ্যামিতি

৩। X কেন্দ্র বিশিষ্ট বৃত্তে PM ও QN দুইটি জ্যা।

ক) 6 সে. মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

খ) যদি $PM = QN$ হয়, তবে প্রমাণ কর যে, X থেকে PM ও QN এর দূরত্ব সমান।

গ) যদি PM ও QN জ্যা দুইটি বৃত্তের অভ্যন্তরে কোন বিন্দুতে সমকোণে ছেদ করে তবে প্রমাণ কর যে,
 $\angle PXQ + \angle MXN = 2$ সমকোণ।

৪। $a = 3$ সে. মি. $b = 7$ সে. মি. $\angle x = 50^\circ$ এবং $\angle y = 60^\circ$

ক) 5 সে. মি. দৈর্ঘ্য বিশিষ্ট সমবাহু ত্রিভুজের অন্তর্ভুক্ত অঙ্কন কর।

খ) ত্রিভুজের ভূমি সংলগ্ন দুইটি কোণ $\angle x$ ও $\angle y$ এবং পরিসীমা $(a+b)$ হলে ত্রিভুজটি অঙ্কন কর। (অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক।)

গ) a ও b যথাক্রমে ট্র্যাপিজিয়ামের দুইটি সমান্তরাল বাহু এবং বৃহত্তর বাহু সংলগ্ন দুইটি কোণ $(\angle x - 5^\circ)$ ও $(\angle y - 5^\circ)$ ট্র্যাপিজিয়ামটি অঙ্কন কর। [অঙ্কনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যিক।]

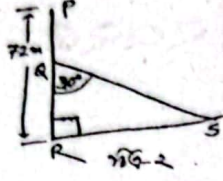
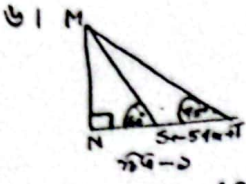
গ-বিভাগ (ত্রিকোণমিতি ও পরিমিতি)

৫। $p = \cot\theta + \cos\theta$, $q = \cot\theta - \cos\theta$ এবং $T = 3\cos\theta + 2\sin^2\theta$

ক) $\cot(A+15^\circ) = 1$ হলে A এর মান নির্ণয় কর।

খ) প্রমাণ কর, $p^2 - q^2 = 4\sqrt{pq}$

গ) $T = 3$ হলে θ এর মান নির্ণয় কর। [যখন $0^\circ < \theta < 90^\circ$]



ক) $\sec \theta = \frac{13}{12}$ হলে $\sin \theta + \cos \theta$ এর মান নির্ণয় কর।

২

খ) চিত্র- ২ হতে QR এর মান নির্ণয় কর।

৪

গ) চিত্র- ১ এর আলোকে ΔMNT এর পরিসীমা নির্ণয় কর।

৪

ঘ-বিভাগ- পরিসংখ্যান

৭। নিচে একটি গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো :

শ্রেণি ব্যাপ্তি	30-35	36-41	42-47	48-53	54-59	60-65
গণসংখ্যা	3	10	18	25	8	6

ক) সারণি থেকে প্রচুরক শ্রেণির মধ্যমান নির্ণয় কর।

২

খ) সংক্ষিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর।

৪

গ) বিবরণসহ প্রদত্ত উপাত্তের অর্জিত রেখা আঁক।

৪

৮। বাংলা বিষয়ের 76 জন শিক্ষার্থীর প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো-

প্রাপ্ত নম্বর	31-40	41-50	51-60	61-70	71-80	81-90
গণসংখ্যা	7	13	18	24	9	5

ক) প্রচুরক শ্রেণির মধ্যবিন্দু নির্ণয় কর।

২

খ) উপাত্তসমূহের মধ্যক নির্ণয় কর।

৪

গ) প্রদত্ত উপাত্তের বর্ণনাসহ গণসংখ্যা বহুভুজ অংকন কর।

৪

সংক্ষিপ্ত উত্তর-প্রশ্ন

যে কোন ১০টি প্রশ্নের উত্তর দাও :

২×১০=২০

১। $f(y) = \frac{4y+1}{4y-1}$ হলে $f\left(-\frac{1}{2}\right) =$ কত?

২। $x^2 + 10x + 25$ কে দুইটি বর্গের অন্তরফলরূপে প্রকাশ কর।

৩। $(ax - cy, c^2 - a^2) = (0, cx - ay)$ হলে x এর মান নির্ণয় কর।

৪। $a + b = 5$ এবং $ab = 6$ হলে $a^3 + b^3 + 4(a - b)^2$ এর মান নির্ণয় কর।

৫। একটি বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য তিনগুণ করলে এর ক্ষেত্রফল কতগুণ বৃদ্ধি পায়।

৬। 10% হার সরল মুনাফায় 2000 টাকার 6 মাসে মুনাফা কত?

৭। $x^2 - \frac{10}{3}xy + y^2$ কে উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর।

৮। $\frac{5}{x} = \frac{1}{2m} + \frac{1}{2n}$ হলে দেখাও যে, $x = \frac{10mn}{m+n}$

৯। একটি সমকোণী ত্রিভুজের সূক্ষ্মকোণদ্বয় $(5y - 5^\circ)$ এবং $(3y + 15^\circ)$ হলে y এর মান নির্ণয় কর।

১০। O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে $\angle BOC = x^\circ + 40^\circ$ এবং $\angle BAC = x^\circ$ হলে x এর মান নির্ণয় কর।

১১। 10 সে. মি. একটি রেখাংশকে পেন্সিল কম্পাসের সাহায্যে তিনভাগে বিভক্ত কর।

১২। $\tan 5x = \cot 5x$ হলে x এর মান কত?

১৩। যদি $\sin(35^\circ + x) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ হলে তবে x এর মান কত?

১৪। $u_2 = -2$, $x_2 = 12$ এবং $h = 4$ হলে অনুমিত গড় $a =$ কত?

১৫। একটি বেলনের ভূমির ব্যাসার্ধ ৪ সে. মি. এবং উচ্চতা 16 সে. মি. হলে বেলনের আয়তন কত?